

Megoldott feladatok

Informatika

I. 81. Egy autóbuszjegyen az $n \times n$ -es négyzethálóban összesen k lyukasztás lehet. Ha a buszjegyet fordítva helyezzük a lyukasztóba, akkor a jegy tükörképét kapjuk. (Csak egyféleképpen lehet fordítva betenni a jegyet, mivel be van fogva egy jegytömbbe).

Adott n -re és k -ra generáljuk az összes lehetséges lyukasztást úgy, hogy egyetlen lyukasztásnak se legyen meg a tükörképe az addig generáltak között.

Bemeneti adatok:

n ($2 \leq n \leq 9$) és k ($1 \leq k \leq 4$), melyeket a billentyűzetről vesszük be.

Eredmény:

Egy szövegállományba, amelynek nevét kérjük be a billentyűzetről, egy-egy sorba írjunk be egy lyukasztást a következőképpen:

i1j1i2j2...ikjk

ahol $i_p j_p$ ($p=1,2,\dots,k$) egy adott lyuk koordinátája a jegyen (i_p a sor, j_p az oszlop száma). A lyukasztások az állományban lexikografikus sorrendben szerepeljenek.

Példa:

$n=3, k=2$ esetében a kimeneti állománynak a következő adatokat kell tartalmaznia:

1112 1113 1121 1122 1123 1131 1132 1133 1221 1222 1231 1232 2122 2123
2131 2132 2133 2231 2232 3132 3133

A programnak 1 percen belül kell eredményt szolgáltatnia.

Kása Zoltán (Olimpiai válogató versenyfeladat, Kolozsvár, 1996)

Megoldás:

Alapötlet, hogy a lyukasztásokat (konfigurációkat) lexikografikus sorrendben generáljuk, s csak akkor írjuk be a kimeneti állományba, ha a tükörképe "nagyobb" (azaz, még nincs beírva). Az $n \times n$ -es mátrixot linearizálva tekintjük. Egy adott lyuk koordinátái a programban (s_1, o_1), (s_2, o_2) stb.

```
program buszjegy;
type vektor = array[ 1..10] of byte;
var m, i1, i2, j1, j2, j3 : integer;
    s1, s2, s3, s4, s5, o1, o2, o3, o4, o5 : integer;
    f : text;
    x, y : string[ 2 ];
    nr : longint;
    n, k : byte;
    b, c : vektor;
{-----}
procedure tukor (b:vektor; var c:vektor); { egy konfiguráció
var t, j, i : byte;                      { tükörképe
begin
for i:=1 to k do c [ i*2-1 ] :=b [ i*2-1 ];
for i:=1 to k do c [ 2*i ] :=n+1-b [ 2*i ];
for i:=1 to k do
for j:=i+1 to k do
```

```

    if c [ 2*i-1 ] = c [ 2*j-1 ] then
        if c [ 2*i ] > c [ 2*j ] then
            begint := c [ 2*i ] ; c [ 2*i ] := c [ 2*j ] ; c [ 2*j ] := t ; end;
        end;
    { ----- }
    function kisebb (b,c:vektor) : boolean; { konfigurációk }
    var i : byte; { összehasonlítása }
    begin
        i := 1;
        while (i <= 2*k) and (b [ i ] = c [ i ]) do i := i+1;
        if (i > 2*k) or (b [ i ] < c [ i ]) then kisebb := true
            else kisebb := false;
        end;
    { ----- }
BEGIN { főprogram }
write ( ' n=' ); readln ( n );
write ( ' k=' ); readln ( k );
str ( n, x ); str ( k, y );
assign ( f, ' out' + x + ' .' + y ); rewrite ( f ); nr := 0;
m := n*n;

case k of
1: for il := 1 to m do
    begin
        s1 := (il-1) div n+1 ; o1 := (il-1) mod n+1;
        b [ 1 ] := s1; b [ 2 ] := o1;
        tukor (b,c);
        if kisebb (b,c) then
            begin
                writeln ( f, s1, o1 ); nr := nr+1;
            end;
        end;
2: for il := 1 to m do
    for j1 := il+1 to m do
        begin
            s1 := (il-1) div n+1 ; o1 := (il-1) mod n+1;
            s2 := (j1-1) div n+1 ; o2 := (j1-1) mod n+1;
            b [ 1 ] := s1; b [ 2 ] := o1; b [ 3 ] := s2; b [ 4 ] := o2;
            tukor (b,c);
            if kisebb (b,c) then
                begin
                    writeln ( f, s1, o1, s2, o2 ); nr := nr+1;
                end;
            end;
3: for il := 1 to m do
    for j1 := il+1 to m do
        for j2 := j1+1 to m do
            begin
                s1 := (il-1) div n+1 ; o1 := (il-1) mod n+1;
                s2 := (j1-1) div n+1 ; o2 := (j1-1) mod n+1;
                s3 := (j2-1) div n+1 ; o3 := (j2-1) mod n+1;
                b [ 1 ] := s1; b [ 2 ] := o1; b [ 3 ] := s2; b [ 4 ] := o2;
                b [ 5 ] := s3; b [ 6 ] := o3;
                tukor (b,c);
                if kisebb (b,c) then
                    begin
                        writeln ( f, s1, o1, s2, o2, s3, o3 ); nr := nr+1;
                    end
                end;
            end;
end;

```

```

4: for i1 := 1 to m do
  for j1 := i1+1 to m do
    for i2 := j1+1 to m do
      for j2 := i2+1 to m do
        begin
          s1 := (i1-1) div n+1 ; o1 := (i1-1) mod n+1;
          s2 := (j1-1) div n+1 ; o2 := (j1-1) mod n+1;
          s3 := (i2-1) div n+1 ; o3 := (i2-1) mod n+1;
          s4 := (j2-1) div n+1 ; o4 := (j2-1) mod n+1;
          b [ 1 ] := s1; b [ 2 ] := o1; b [ 3 ] := s2; b [ 4 ] := o2;
          b [ 5 ] := s3; b [ 6 ] := o3; b [ 7 ] := s4; b [ 8 ] := o4;
          tukor (b, c);
          if kisebb (b, c) then
            begin
              nr := nr+1;
              writeln (f, s1, o1, s2, o2, s3, o3, s4, o4)
            end
          end;
        end;
      end;
    end;
  end;
end;

5: for i1 := 1 to m do
  for j1 := i1+1 to m do
    for i2 := j1+1 to m do
      for j2 := i2+1 to m do
        for j3 := j2+1 to m do
          begin
            s1 := (i1-1) div n+1 ; o1 := (i1-1) mod n+1;
            s2 := (j1-1) div n+1 ; o2 := (j1-1) mod n+1;
            s3 := (i2-1) div n+1 ; o3 := (i2-1) mod n+1;
            s4 := (j2-1) div n+1 ; o4 := (j2-1) mod n+1;
            s5 := (j3-1) div n+1 ; o5 := (j3-1) mod n+1;
            b [ 1 ] := s1; b [ 2 ] := o1; b [ 3 ] := s2; b [ 4 ] := o2;
            b [ 5 ] := s3; b [ 6 ] := o3; b [ 7 ] := s4; b [ 8 ] := o4;
            b [ 9 ] := s5; b [ 10 ] := o5;
            tukor (b, c);
            if kisebb (b, c) then
              begin
                nr := nr+1;
                writeln (f, s1, o1, s2, o2, s3, o3, s4, o4, s5, o5)
              end
            end;
          end;
        end;
      end;
    end;
  end;
end;
close ( f );
writeln ( ' Konfigurációk száma: ' , nr );
end.
-----
-----

```

Tesztprogram

A program úgy teszteli az eredményállomány helyességét, hogy véletlenszerűen generál megadott számú konfigurációt és megvizsgálja, hogy ezek benne vannak az állományban van sem, és ha igen akkor csupán csak egyszer vagy kétszer.

```

program teszt; { -----+
                | Véletlenszerűen generált konfigurációkat vizsgál |
                +-----}
var a : array [ 1..9] of byte;
    b, c : array [ 1..18] of byte;
    o : array [ 1..20] of char;
    lo, lob, loc                                     : string;
    hossz, bal, jobb, kozep                         : longint;
    t, kul, m, k, n, tsz, igazc, igazb, i, j        : integer;
    f1 : file of char;
    f2 : text;

BEGIN
write(' Állománynév: ' ); readln( lo );
write(' n: ' ); readln( n );
write(' k: ' ); readln( k );
write(' Tesztek száma: ' ); readln( tsz );
assign( f1, lo );
assign( f2, ' x' + lo );
rewrite( f2 );
randomize;
for m:=1 to tsz do
begin
  for i:=1 to k do
  begin
    repeat
      kul:=1;
      a [ i ] :=random( n*n )+1;
      for j:=1 to i-1 do
        if a [ i ]=a [ j ] then kul:=0;
      until kul=1;
    end;
    for i:=1 to k do
      for j:=i+1 to k do
        if a [ i ]>a [ j ] then
          begint:=a [ i ] ; a [ i ] :=a [ j ] ; a [ j ] :=t; end;
      for i:=1 to k do
        begin
          b [ 2*i-1 ] :=( a [ i ] -1 ) div n+1;
          b [ 2*i ] :=( a [ i ] -1 ) mod n+1;
        end;
        for i:=1 to k do c [ i*2-1 ] :=b [ i*2-1 ] ;
        for i:=1 to k do c [ 2*i ] :=n+1-b [ 2*i ] ;
        for i:=1 to k do
          for j:=i+1 to k do
            if c [ 2*i-1 ]=c [ 2*j-1 ] then
              if c [ 2*i ]>c [ 2*j ] then
                begint:=c [ 2*i ] ; c [ 2*i ] :=c [ 2*j ] ; c [ 2*j ] :=t; end;
          lob:=#'' ;
        for i:=1 to k*2 do
          begin
            write( f2, b [ i ] );
            lob:=lob+chr( b [ i ] +48 );
          end;
        writeln( f2 );
        loc:=#'' ;
        for i:=1 to k*2 do
          begin
            write( f2, c [ i ] );

```

```

    loc:=loc+chr(c [ i ] +48);
end;
write(f2,' ');
igazb:=0;
igazc:=0;
hossz := 2*k+2;
reset(f1);

bal:=0; jobb:=(filesize(f1) div hossz)-1; { binaris kereses}
while (bal) and (igazb=0) do
begin
    kozep := (bal+jobb) div 2;
    seek (f1, kozep*hossz);
    for i:=1 to hossz-2 do read(f1,o [ i ] );
    lo:='';
    for i:=1 to hossz-2 do lo := lo+o [ i ] ;
    if lob=lo then igazb:=1
        else if lob< lo then
            jobb := kozep-1 else bal:=kozep+1;
end;

bal:=0; jobb:=(filesize(f1) div hossz)-1; { binaris kereses}
while (bal ≤ jobb) and (igazc=0) do
begin
    kozep := (bal+jobb) div 2;
    seek (f1, kozep*hossz);
    for i:=1 to hossz-2 do read(f1,o [ i ] );
    lo:='';
    for i:=1 to hossz-2 do lo := lo+o [ i ] ;
    if loc=lo then igazc:=1
        else if loc< lo then
            jobb := kozep-1 else bal:=kozep+1;
end;

if igazb+igazc=2 then
    if lob=loc
    then writeln(f2,' OK' )
    else writeln(f2,' Mindketto benne van!' );
if igazc+igazb=0 then
    writeln(f2,' Egyik sincs benne!' );
if igazc+igazb=1 then writeln(f2,' OK' );

close(f1);

end;
close(f2);
END.

```

Kémia

K.L. 132. Az A anyag vegyelemzésekor egy 0,312 g tömegű próba égetésekor 0,66 g CO₂-t és 0,324 g vizet kaptak. Oxigénre vonatkoztatott sűrűségét 3,25-nek mérték. amennyiben egy 416 mg-os tömegű próbát fölös nátriummal kezeltek, 89,6 ml normál állapotú hidrogén képződését észlelik. Megállapították, hogy az A kénsavval nem képes intramolekuláris víz-vesztésre. Határozd meg az A szerkezeti képletét.